Spuse. PA-I. 820 -

IL METODO SPERIMENTALE SECONDO LEONARDO DA VINCI

:: :: :: :: e sua applicazione alla teoria cinetica dei gas

dal Giornale "L'ELETTRICISTA "

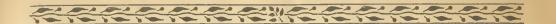
Anno XXXI - S. IV - Vol. I - N. 10 - 1922



:: :: ROMA :: ::

Casa Edit. "L'ELETTRICISTA "

:: :: :: Via Cavour, 110 :: :: ::



Il metodo sperimentale secondo Leonardo da Vinci

* * * e sua applicazione alla teoria cinetica dei gas

Il matematico Enrico Poincaré è stato, come si sa, uno strenuo e formidabile assertore del razionalismo. E dal suo razionalismo è stato tratto a negare, nei riguardi della matematica, il metodo sperimentale.

Poincaré dice che fra la matematica e l'esperienza deve esistere una separazione netta. Una formula, un principio, un risultato matematico non possono essere infirmati, secondo Poincaré, dall'esperienza. Essi possono dirsi erronei soltanto quando sono incompatibili con le premesse e le ipotesi da cui si parte per dedurli E quando portano a contraddire tali premesse, tali ipotesi.

La ragione che induce Poincaré a questa conclusione è la segnente: Non v'ha risultato, egli dice, sia vero, sia erroneo, che non possa essere dedotto per mezzo di due ipotesi, di due presupposti convenientemente ed arbitrariamente scelti. Supponiamo di avere un dato di esperionza, e perciò vero, ed indubbiamente vero, secondo il metodo sperimentale. Noi possiamo sempre dedurlo per mezzo di due ipotesi convenientemente scelte, e tali che l'errore corrispondente ad una ipotesi abbia ad essere compensato da quello relativo all'altra. Ora secondo il metodo sperimentale una o più ipotesi sono vere in quanto le loro conseguenze sono confermate per vere dall'esperienza. Quindi, essendo vero il risultato, noi veniamo a poter dire che sono vere le ipotesi. Mentre, invece, possono non essere vere.

Questo asserto si basa sopra una erronea interpretazione del metodo sperimentale, Come insegna Leonardo da .Vinci, secondo questo metodo dobbiamo dire:

Prima di ammettere una qualsiasi ipotesi noi dobbiamo fare una qualche esperienza, a fine di accertare se le conseguenze dell'ipotesi sono dall'esperienza confermate o no.

Però deve trattarsi di una ipotesi, e non già di due o più. Se l'ipotesi è una sola, ed è erronea, la causa di errore non viene ad elidersi. E perciò dobbiamo trovare un risultato erroneo. Se questo risultato è erroneo, non può essere, in generale, quello stesso che dà l'esperienza.

Si può però obbiettare: In certi casi, e rispetto a certi problemi scientifici. una sola ipotesi non basta per poter risolvere teoricamente il problema. Ed è giocoforza fare due o più ipotesi. Queste siano due. Possiamo allora dire che si verifica il caso rilevato da Poincaré, e rispetto al quale il metodo sperimentale viene ad essere in difetto.

Ciò che cade in difetto è invece il nostro raziocinio. Perchè noi possiamo dire:

Supponiamo che le ipotesi che ci conducono ad un risultato qualunque siano due, ma che una ipotesi sola sia scelta da noi arbitrariamente e sia erronea. L'altra ipotesi sia certamente vera, e sia, per fissare le idee, un risultato di esperienza. In questa caso la causa di errore viene a non elidersi. Ed in quanto non si elide, noi troviamo necessariamente un risultato erroneo, un risultato nen conforme a quello dell'esperienza. Onde possiamo concludere col dire che l'ipotesi è erronea.

Questo modo di ragionare e di procedere noi possiamo sempre applicarlo al caso in cui un risultato vero è ottenuto per mezzo di due ipotesi da noi opportunamente scelte, e non sappiamo se queste siano realmente vere. Basta, difatti. combinare e far coesistere il risultato vero con una delle ipotesi. Se questa è erronea la causa di errore, essendo una sela, non si elide. Perciò troviamo un risultato erroneo. E da qui possiamo inferire che è erronea l'ipotesi.

E siccome un risultato vero può essere ottenuto per mezzo di due ipotesi erronee soltanto quando alle due ipotesi corrispondono due cause di errore che si elidono l'uma con l'altra, così da essere erronea una delle ipotesi noi possiamo senz'altro inferire che deve essere erronea anche l'altra.

Oltre a questo principio noi dobbiamo aver presente il seguente altro, affermato da Galileo Galilei e da altri. Il principio che:

Due verità non possono contraddirsi. E conseguentemente quando due principi sono tra di loro contraddittori bisogna necessariamente che almeno uno di essi sia erroneo e non generalmente vero.

Consideriamo, per chiarire le idee, qualche esempio. Cominciamo dal concetto che Leonardo pone a base del metodo sperimentale, il concetto, cioè, che un principio, ed un solo principio, è vero in quanto le sue conseguenze sono confermate per vere dall'esperienza. Supponiamo che un corpo elastico di massa m e velocità v urti normalmente contro una superficie piana pure elastica, rimbalzando e riacquistando, dopo il rimbalzo, la velocità v eguale e contraria a quella che ha nell'istante che precede l'urto.

Possiamo dire, come da molti si ammette, che l'effetto prodotto sulla superficie elastica urtata, cioè la pressione di urto, è eguale alla variazione della quantità di moto, ossia a mv-(-mv)=mv+mv=2mv? Per rispondere a questa domanda possiamo osser-

vare: La stessa superficie sia urtata normalmente da un secondo corpo elastico di massa m_1 animato dalla velocità v_1 , rimbalzando ecc. La corrispondente pressione p_1 dovrebbe essere data da $p_1 = 2 m_1 v_1$. Quindi dovrebbe essere:

$$\frac{p}{p_1} = \frac{m v}{m_1 v_1}$$
. Cioè:

Le pressioni d'urto dovrebbero stare fra di loro come le corrispondenti quantità di moto.

Supponiamo che le masse m, m_1 siano eguali. Ad esempio, si immagini di far ca lere verticalmente un corpo elastico. di massa m, dalle altezze h e h_1 diverse. La densità del corpo e le altezze di caduta siano tali da poter trascurare la resistenza dell'aria. Dovremmo avere:

$$\frac{p}{p_1} = \frac{m \, v}{m \, v_1} = \frac{v}{v_1} \, \text{con} \, \begin{cases} v = \sqrt{2 \, gh} \\ v_1 = \sqrt{2 \, gh_1} \end{cases}$$

e dove g è l'accelerazione)della gravità.

Quindi:
$$\frac{p}{p_1} = \frac{\sqrt{h}}{\sqrt{h_1}}$$
. Ossia:

Rispetto ad uno stesso corpo elastico le pressioni d'urto dovrebbero stare fra di lovo come le radici quadrate delle al tezze di caduta.

Si supponga, per fissare meglio le idee, che l'altezza h_1 sia quadrupla di h, cioè che sia $h_1 = 4 h$. Dovrebbe essere:

$$\frac{p}{p_1} = \frac{\sqrt{h}}{\sqrt{4h}} = \frac{1}{2}$$
 : $p_1 = 2p$

Ora l'esperienza ci dice che questa relazione è falsa. Perchè l'esperienza ci dice che se un corpo elastico cade vercalmente sopra una superficie elastica dalle altezze, h e 4 h, all'altezza di caduta quadrupla corrisponde una pressione d'urto pure quadrupla. In altri termini, l'esperienza ci dice che rispetto ad uno stesso corpo le pressioni stanno fra di loro come le altezze di caduta. E che quindi si ha:

$$\frac{p}{p_1} = \frac{h}{h_1} = \frac{\frac{v^2}{2g}}{\frac{v_1^2}{2g}} = \frac{v^2}{v_1^2} \qquad .$$

Cioè: Rispetto ad uno stesso corpo urtante le pressioni dinamiche stanno fra

di loro come i quadrati delle velocità. E non già come le velocità.

Siccome, poi,
$$\frac{v^2}{v_1^2} = \frac{\frac{m v^2}{2}}{\frac{m v_1^2}{2}}$$
, e siccome

 $\frac{m v^2}{2}$ è l'energia di moto del corpo di massa m e velocità v, e $\frac{m |v_1|^2}{2}$ è l'energia di moto dello stesso corpo quando ha la velocità v_1 , possiamo dire che:

Le pressioni d'urto stanno fra di loro come le relative energie di moto.

Ouesto principio è generalmente vero. come abbiamo visto in altre nostre note (1). Cioè se si indica con p la pressione d'urto esercitata da un corpo di massa m e velochità v, con p, quella di un corpo di massa m_1 e velocità v_1 , diverse, si ha:

$$\frac{p}{p_1} = \frac{\frac{m v^2}{2}}{\frac{m_1 v_1^2}{2}}$$

Se ammettiamo questo principio non possiamo più ammettere, nel contempo, che debba essere $\frac{r}{p_1} = \frac{m \, r}{m_1 \, v_1}$. Perchè eguagliando i secondi membri delle cche debba essere spressioni di $\frac{\mathcal{P}}{\mathcal{P}_{\rm i}}$ si otterrebbe $v=v_{\rm i}.$ Rispetto ad un terzo corpo elastico di velocità v_2 , ecc. dovremmo avere $v=v_2$. E quindi $v = v_1 = v_2$. Il che è assurdo.

Per poter poi meglio sapere quale è il principio erroneo, noi possiamo pensare al caso di una data quantità d'acqua che cada da altezze diverse. Ber sappiamo che col duplicare, triplicare. quadrunlicare dell'altezza di caduta di una data portata d'acqua (2) la pressione viene a duplicare, triplicare, quadruplicare. Quindi possiamo dire che ri-

spetto ad una data quantità d'acqua le pressioni stanno fra di loro come le altezze di caduta. E non già come le radici quadrate di tali altezze.



Il principio che l'esperienza ci dice essere erroneo è quello da cui parte il Clausius nel suo studio del movimento delle molecole dei gas. Consideriamo un gas racchiuso in un cubo di lato l. Il Clausius presuppone che la pressione od effetto prodotto sopra una parcte da un urto di una molecola è rappresentato dal doppio della quantità m v di moto. Perchè, egli dice, la molecola urta prima la parete supposta perfettamente elastica e capace di invertire il senso della velocità, poscia torna indietro, e si ha per tal modo una variazione di quantità di moto eguale a mv - (-mv) == 2 mv.

Orbene, il Clausius giunge ad un risultato vero per quanto parta da una ipotesi che abbiamo visto essere erronea. Il risultato, cioè, che le pressioni dei gas stanno fra di loro come le energie di moto delle relative molecole. Però egli giunge ad un risultato vero partendo da una ipotesi erronea solo in quanto climina la causa di errore per mezzo di una seconda inotesi. L'inotesi che sia lecito di immaginare che le molecole dei gas si portino alternativamente da una parete alla parete opposta del reciniento che le contiene, descrivendo delle traiettorie di lunghezza 2 1, essendo l la distanza fra le pareti. Ed è per mezzo di questa ipotesi che il Clausius calcola il numero degli urti di una molecola nell'unità di tempo.

Però se noi non consideriamo, per il momento, questa seconda ipotesi, e ci limitiamo ad esaminare la prima, troviamo dei risultati assurdi e contraddetti dall'esperienza. Del pari troviamo dei risultati erronei e non confermati dall'esperienza quando esaminiamo da sola la seconda ipotesi. Quindi dobbiamo dire, come ci insegna Leonardo da Vinci, e come vuole il principio che Leonardo pone a fondamento del metodo

(2) Quantità d'acqua che cade nella unità di

tempo.

^{*(1)} Ing. GAETANO TVALDI: La pressione d'urto e quella dei gas secondo il metodo sperimentale. Giornale « Il Politecnico », 6. e 7 1921 Il principio di proporzionalità fra pressioni d'urto ed energie di moto e sulle sue consequenze. « Rassegna Tecnica Pugliese », fasc. 7 luglio 1921.

sperimentale, che sono erronee entrambe le ipotesi.

* *

Supponiamo, difatti, di avere due gas, ad esempio dell'ossigeno e dell'idrogeno. Siano:

p₀, p_H le pressioni unitarie, ο per unità di superficie, corrispondenti all'ossigeno ed all'idrogeno;

 $n_{
m o},~n_{
m H}$ i numeri degli urti delle molecole di ossigeno e di idrogeno contro l'unità di superficie, nell'unità di tempo;

 $m_{\rm o},\ m_{\rm H}$ le masse molecolari dell'ossigeno e dell'idrogeno;

 $v_{
m e},\ v_{
m ii}$ le velocità molecolari e medie m dell'ossigeno e dell'idrogeno.

Secondo la prima ipofesi del Clausius dovrebbe essere:

$$\begin{cases} p_0 = 2 \, n_0 \, m_0 \, v_0 \\ p_{\text{H}} = 2 \, n_{\text{H}} \, m_{\text{H}} \, v_{\text{H}} \end{cases} . \text{ E quindi: } \frac{p}{p_{\text{H}}} = \frac{n_0}{n_{\text{H}}} \frac{m_0 \, v_0}{n_{\text{H}} \, n_{\text{H}} \, v_{\text{H}}}$$

Supponiamo che i due gas siano nello stesse condizioni di prossione e di temperatura. Inoltre siano contenuti in cubi eguali di lato l. Indichiamo con d_a , d_{π} le densità, o pesi per unità di volume, dell'ossigeno e dell'idrogeno. Per le ipotesi testè fatte si ha, ricordando che la densità dell'ossigeno è 16 volte quella dell'idrogeno nelle stesse condizioni di temperatura e di pressione:

$$\frac{m_0}{m_{\rm H}} = \frac{d_0}{d_{\rm H}} = \frac{16 d_{\rm H}}{d_{\rm H}} = 16 \; ; \; m_0 = 16 m_{\rm H} \; .$$

Sappiamo poi che se due gas sono nelle stesse condizioni di pressione e di temperatura le rispettive velocità molecolari stanno fra di loro come le velocità di diffusione; che queste velocità di diffusione stanno fra di loro in ragione inversa della radice quadrata delle rispettive densità. Perciò viene:

$$\frac{v_0}{v_{\rm H}} = \frac{\sqrt{d_{\rm H}}}{\sqrt{d_0}} = \frac{\sqrt{d_{\rm H}}}{\sqrt{16 d_{\rm H}}} = \frac{1}{4} \; ; \; v_0 = \frac{v_{\rm H}}{4} \; . \; \text{Onde:}$$

$$m_0 v_0 = 16 m_{\rm H} \times \frac{v_{\rm H}}{4} = 4 m_{\rm H} v_{\rm H}$$
.

Avendo presupposto che le pressioni siano uguali, cioè che $p_{\scriptscriptstyle 0}=p_{\scriptscriptstyle \rm H}$, la rela-

zione
$$\frac{p_0}{p_H} = \frac{n_0 m_0 v_0}{n_H m_H v_H}$$
 da:

$$1 = \frac{n_0}{n_{\rm H}} \times \frac{m_0 \ r_0}{m_{\rm H} \ r_{\rm H}} = \frac{n_0}{n_{\rm H}} \times \frac{4 \ m_{\rm H} \ r_{\rm H}}{m_{\rm H} \ r_{\rm H}} = 4 \ \frac{n_0}{n_{\rm H}}$$

$$n_{\rm H} = 4 \ n_0.$$

Possiamo quindi dire che:

Il numero di urti delle molecole di idrogeno contro l'unità di superficie, nell'unità di tempo, dovrebbe essere eguale a quattro volte quello delle molecole di ossigeno.

Ciò posto, consideriamo le energie di moto di una molecola di ossigeno è di una molecola di idrogeno. Si ha:

$$\frac{m_0 \ v_0^2}{2} = \frac{16 \ m_{\rm II} \left(\frac{v_{\rm H}}{4}\right)^2}{2} = \frac{m_{\rm II} \ v_{\rm II}^2}{2}.$$

Se ad ogni urto, tanto di una molecola di idrogeno che di ossigeno, corrisponde la stessa energia di moto;

se il numero di urti delle molecole di idrogeno, nella unità di tempo, è quattro volte quello delle molecole di essigeno;

la energia di moto delle molecole di idrogeno che urtano l'unità di superficie nell'unità di tempo viene ad essere il quadruplo di quella delle molecole di ossigeno.

Quindi si ha che rispetto ad eguali superfici elastiche urtate ed eguali ad uno, e rispetto ad eguali intervalli di tempo (tempo uno), a diverse energie di moto dei corpi urtanti, e l'una quadrupla dell'altra, dovrebbero corrispondere delle eguali pressioni.

Ora l'esperienza ci dice che questo non è vero ed è falso. Perchè dalla esperienza ben si sa che nell'urto di un corpo elastico contro una superficie elastica ad una quadrupla energia di moto dei corpi urtauti corrisponde una pressione pure quadrupla, e non già, e mai delle pressioni eguali.

Se noi seguiamo il metodo sperimentale nel senso di Lonardo dobbiamo dire:

Una ipotesi è vera, ed è accettabile per vera, soltanțo quando è conforme ai risultati clic dà l'esperienza. Ora dalla esperienza si sa che i gas sono perfettamente elastici. Quindi vienc ad essere lecito di far corrispondere l'urto della molecola di un gas contro la parete del recipiente che la contiene all'urto di un corpo elastieo contro una superficie elastica, e tale da invertire la velocità del corpo. Più precisamente, noi possiamo immaginare che una sfera elastica venga fatta cadere verticalmente sopra un piano elastico e tale da far ritornare la sfera al punto di partenza. Il eorpo elastico ritorna al punto di partenza soltanto quando la sua velocità alla fine dell'urto è eguale e contraria a quella che ha all'inizio dell'urto. Onde possiamo dire che la superficie clastica urtata viene ad invertire la velocità del corpo. E dire che la sfera elastica ha per corrclativa la molecola di un gas: la superficie elastica ha per eorrispondente la parete del recipiente.

Supponiamo che le sfere elastiche siano due, di egnal volume, ma di densità e pesi diversi corrispondenti alle moleeole di due gas diversi. Determiniamo gli effetti esercitati sulla superficio elastica, o pressioni d'urto, sorreggendo questa superficie con una molla elastica, e misnrando i raccorciamenti di questa durante l'urto. Possiamo noi dire che le pressioni sono eguali quando sono eguali le quantità di moto? Affatto. Perchè l'esperienza ei dice che se si indicano con P, P, i pesi delle due sfere, con h e h, le rispettive altezze di eaduta, le pressioni sono eguali quando si ha P h $= P_1 h_1$. E quindi, per le relazioni

 $Ph=rac{m\ v^2}{2}$; $P_1\,h_1=rac{m_1\ v_1^2}{2}$, possiamo dire elie le pressioni sono eguali quando sono eguali le energie di moto dei eorpi urtanti. E non già le quantità di moto.

Questo risultato è ben certo, perchè è un risultato di esperienza. E si tratta di esperienza vecchia e che è nota, o dovrebbe essere nota, da secoli. Difatti, essa risale ai tempi di Cartesio e di Newton, ed è descritta nel « Saggio della Filosofia del sig. cav. Isacco Newton», dato in luce dal sig. Enrico Pemberton, Venezia MDCCXXXIII; Lettera al dottor Mead, eec. pag. 217 e segg.; estratto della dissertazione del Marchese Poleni in risposta all'opinione della quantità delle forze nei corpi, ecc., pag. 228 e seg. L'esperienza di che trattas; è la seguente:

Si abbiano due sfere di egual volunte, ma di sostanze diverse e quindi di pesi diversi, e si facciano cadere da diverse altezze. Si misurino le pressioni d'urto per mezzo delle impressioni che vengono esercitate sopra una sostanza plastica, quale dell'argilla convenientemente inumidita. Si trova che le impressioni sono eguali, ed hanno la stessa profondità, e quindi sono eguali gli effetti e le pressioni esercitate dalle due sfere, quando le altezze delle cadute sono in ragione inversa dei pesi delle sfere. Quando cioè si ha, all'inizio

degli urti, $Ph = P_1 h_1$; $\frac{m \ v^2}{2} = \frac{m_1 \ v_1^2}{2}$; essendo P e P_1 i pesi delle sferc, h, h_1 le altezze di eaduta, eee.

* *

Ciò posto, torniamo a considerare due volumi eguali di gas diversi, quali idrogeno ed ossigeno, nelle stesse condizioni di temperatura e di pressione, racchiusi in cubi eguali di lato l.

In quanto, ad un istante qualunque, l'energia di moto e media di una molecola di idrogeno è eguale a quella che compete ad una molecola 'di ossigeno, possiamo dire che l'effetto o pressione corrispondente ad un urto di una molecola di idrogeno contro una parete di lato l, è eguale all'effetto, o pressione, relativo ad un urto di una molecola di ossigeno, contro una egual parete di lato l. Indiehiamo con p questo eguale effetto o pressione. Se indichiamo con $n_{\rm H}$ il numero di urti delle molecole di idrogeno contro una porzione della parete eguale ad uno, nell'unità di tempo, e con $p_{\rm H}$ la pressione unitaria, o per unità di superficie, dell'idrogeno, deve essere: $p_{\rm H}=n_{\rm H} imes p$. Del pari se si indicano con no gli urti delle molecole di ossigeno contro l'unità di superficie, nella unità di tempo, e con p_0 la pressione unitaria dell'ossigeno, deve cssere:

 $\begin{aligned} p_0 &= n_0 \times p \quad \text{Onde} \quad \frac{p_0}{p_0} = \frac{n_0 \times p}{n_0 \times p} = \frac{n_0}{n_0} \quad . \\ \text{E siceome, per ipotesi,} \quad p_0 &= p_0, \text{ si ottiene:} \\ \frac{p_0}{p_0} &= 1 = \frac{n_0}{n_0} \quad : \quad n_0 = n_0 \quad . \end{aligned}$

Possiamo pertanto dirc:

Il numero degli urti delle molecole di idrogeno contro l'unità di superficie, nell'unità di tempo, è eguale al numero di urti delle molecole di ossigeno, ancora contro l'unità di superficie e nell'unità di tempo.

Se questo è vero per una superficie uno, è necessariamente pur vero rispetto a due pareti eguali di lato *l*. Perciò si ha che:

Rispetto all'unità di tempo, o per eguali intervalli di tempo, il numero degli urti delle molecole di idrogeno contro una parete di lato l è eguale al numero degli urti delle molecole di ossigeno contro una egual parete di lato l.

Ora, per la legge di Avogadro, e per le ipotesi fatte, il numero delle molecole di idrogeno è eguale al numero delle molecole di ossigeno. Se le molecole di idrogeno e di ossigeno sono in egual numero; se per eguali intervalli di tempo il numero di urti delle molecole di $idrogen_0$ contro la parete di lato l è cguale al numero di urti delle molecole di ossigeno contro una egual parete, necessariamente ne viene che il tempo che passa fra due urti successivi di una molecola di idrogeno è eguale a quello che passa fra due urti successivi di una molecola di ossigeno. Ma questo fatto non può verificarsi se non in quanto il tempo che impiega una molecola di idrogeno a descrivere una corrispondente orbita o traiettoria è eguale a quello che impiega una molecola di ossigeno a percorrere la relativa traiettoria,

Indichiamo con t questo tempo e con $l_{\rm H}$ la lunghezza della traiettoria descritta ritmicamente da una molecola di idrogeno, con $l_{\rm o}$ quella di una molecola di ossigeno. Dev'essere:

$$\begin{cases} l_{\rm H} = v_{\rm H} \times t \\ l_{\rm 0} = v_{\rm 0} \times t \end{cases} : \frac{l_{\rm H}}{l_{\rm 0}} = \frac{v_{\rm H}}{v_{\rm 0}} \; .$$
 E siecome
$$\frac{v_{\rm H}}{v_{\rm 0}} = \frac{\sqrt{l_{\rm H}}}{\sqrt{l_{\rm H}}} \; , \; \text{si ottiene} \; :$$

$$\frac{l_{\rm H}}{l_{\rm 0}} = \frac{\sqrt{l_{\rm 0}}}{\sqrt{l_{\rm H}}} \; . \; \text{Cioè} \; : \; .$$

Le lunghezze delle traiettorie descritte dalle molecole di idrogeno e di ossigeno stanno fra di loro in ragione inversa della radice quadrata delle densità dei gas.

Se questo è vero, ed è vero perchè è la conseguenza di fatti e di ipotesi pienamente conformi ai risultati dell'esperienza, la seconda ipotesi del Clausius è necessariamente erronea ed illecita. Ed invero, applichiamo questa ipotesi a due volumi eguali di gas, quali idrogeno ed ossigeno, nelle stesse condizioni di temperatura e di pressione, racchiusi in cubi di lato l. Verremmo ad ammettere, per ipotesi, che sia lecito di immaginare che tanto le molecole di idrogeno che quelle di ossigeno descrivano ritmicamente delle traiettorie di eguale lunghezza, ed eguali a 2l, essendo l la distanza fra due pareti oppostc. L'ammettere questo non è lecito, perchè i dati forniti dall'esperienza, e secondo principi dall'esperienza pienamente confer mati deve essere:

$$\frac{l_{\rm H}}{l_{\rm o}} = \frac{\sqrt{d_{\rm o}}}{\sqrt{d_{\rm H}}} = \frac{\sqrt{16 \ d_{\rm H}}}{\sqrt{d_{\rm H}}} = 4 \quad ; \quad l_{\rm H} = 4 \ l_{\rm o} \quad .$$

E perciò possiamo dire che la lunghezza media della traiettoria descritta dalle molecole di idrogeno deve essere quattro volte quella relativa alle molecole di ossigeno. E non già eguale.

Concludendo, e tornando all'argomen to trattato al principio della presente nota, possiamo dire che:

Se noi seguiamo il metodo sperimentale nel senso concepito da Leonardo Da Vinci, possiamo accertare che due ipotesi sono erronee ed illecite anche quando dalla loro coesistenza possiamo inferire, casualmente o maliziosamente, un risultato vero e conforme a quello che l'esperienza dà. Basta considerare separatamente, e da sole, le due ipotesi, invece di farle coesistere.

Genova, R. Liceo Colombo.

Ing. GAETANO IVALDI.